

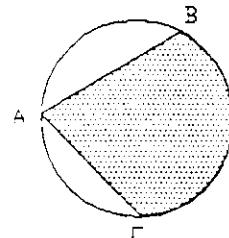
Δοκίμιο : 7Χρόνος : 45'

1) Σε κύκλο με περίμετρο 6πα κυκλικός τομέας έχει εμβαδό $3\pi a^2$. Να βρεθούν:

- (α) η ακτίνα του κύκλου
- (β) η γωνία του κυκλικού τομέα και
- (γ) η περίμετρος του κυκλικού τομέα.

(β. 5)

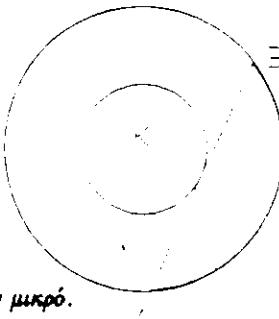
2) Να βρεθεί το εμβαδό του γραμμοσκιασμένου χώρου του διτλανού σχήματος αν $AB = R\sqrt{3}$ και $AG = R\sqrt{2}$ όπου R είναι η ακτίνα του κύκλου.



(β. 5)

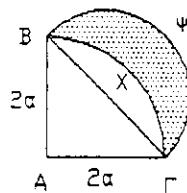
3) Στο διτλανό σχήμα οι δύο κύκλοι έχουν το ίδιο κέντρο και ο μεγάλος κύκλος έχει διπλάσια ακτίνα από το μικρό.

- (α) Να αποδειχτεί ότι $\hat{AKB} = 120^\circ$ όπου η AB είναι η χορδή του μεγάλου κύκλου που εφάπτεται στον μικρό.
- (β) Αν $AK = 2R$ να βρεθεί το γραμμοσκιασμένο εμβαδό.



(β. 5)

4) Στο σχήμα το τρίγωνο ABG είναι ισοσκελές ορθογώνιο τρίγωνο με $AB = 2a$ και ο μηνισκός ορίζεται από τόξο BXG κέντρου A και ακτίνας AB και από την ημικεριμέρεια $B\bar{Y}G$ διαμέτρου BG . Να βρεθεί το εμβαδό του μηνισκού.



(β. 5)