

ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ  
**ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΩΝ 2018**

ΜΑΘΗΜΑ

**ΦΥΣΙΚΗ ΟΠ- Γ' ΓΕΛ**

ΩΡΑ ΑΝΑΡΤΗΣΗΣ

13:00



φροντιστήρια  
**πουκαμισάς**

Ο ΜΕΓΑΛΥΤΕΡΟΣ ΦΡΟΝΤΙΣΤΗΡΙΑΚΟΣ ΟΜΙΛΟΣ ΣΤΗΝ ΕΛΛΑΣ



ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ Γ' ΤΑΞΗΣ  
ΗΜΕΡΗΣΙΟΥ ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ

ΗΜΕΡΟΜΗΝΙΑ ΕΞΕΤΑΣΗΣ: **13 / 06 / 2018**

ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ: **Φυσική ΟΠΓ ΓΕΛ**

**ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ ΘΕΜΑΤΩΝ**

**Θέμα Α**

**A1** – γ

**A2** – δ

**A3** – α

**A4** – δ

**A5**

α – Λ

β – Σ

γ – Λ

δ – Σ

ε – Λ

**Θέμα Β**

**B1. Σωστή απάντηση η i.**

Από Πυθαγόρειο Θεώρημα για την απόσταση  $d_2$  προκύπτει:

$$d_2 = \sqrt{d^2 + d_1^2} \quad \text{ή} \quad d_2 = \sqrt{4\lambda_1^2 + \frac{9\lambda_1^2}{4}} \quad \text{ή} \quad d_2 = \sqrt{\frac{25\lambda_1^2}{4}} \quad \text{ή} \quad d_2 = \frac{5\cdot\lambda_1}{2}$$

Μετά το διπλασιασμό της συχνότητας προκύπτει:

$$f_2 = 2f_1 \quad \text{ή} \quad \frac{\nu}{\lambda_2} = 2\frac{\nu}{\lambda_1} \quad \text{ή} \quad \frac{\nu}{\lambda_2} = 2\frac{\nu}{\lambda_1} \quad \text{ή} \quad \lambda_1 = 2\lambda_2$$

Οπότε θα ισχύει:

$$d_1 = 2\lambda_1 \quad \text{ή} \quad d_1 = 4\lambda_2 \quad \text{και} \quad d_2 = \frac{5\cdot 2\cdot \lambda_2}{2} = 5\lambda_2$$

Συνεπώς  $A' = \left| 2A \sin 2\pi \left( \frac{r_1 - r_2}{2\lambda} \right) \right| = \left| \sigma v 2\pi \left( \frac{\lambda}{2\lambda} \right) \right| = 2A$  οπότε το σημείο Σ είναι σημείο ενισχυτικής συμβολής.

## B2. Σωστή απάντηση η iii

$\sum \vec{r} = 0$ , άρα η στροφορμή του σώματος διατηρείται, συνεπώς

$$\vec{L}_{\alpha\rho\chi} = \vec{L}_{\tau\epsilon\lambda} \quad \text{ή} \quad m\omega_{\alpha\rho\chi} R_{\alpha\rho\chi}^2 = m\omega_{\tau\epsilon\lambda} R_{\tau\epsilon\lambda}^2 \quad \omega_{\alpha\rho\chi} R^2 = \omega_{\tau\epsilon\lambda} \frac{R^2}{4} \quad \text{ή} \quad \omega_{\tau\epsilon\lambda} = 4\omega_{\alpha\rho\chi}$$

Με εφαρμογή του Θεωρήματος Έργου – Ενέργειας προκύπτει

$$K_{\tau\epsilon\lambda} - K_{\alpha\rho\chi} = W_F \quad \text{ή} \quad \frac{1}{2}m v_{\tau\epsilon\lambda}^2 - \frac{1}{2}m v_{\alpha\rho\chi}^2 = W_F \quad \text{ή} \quad \frac{1}{2}m\omega_{\tau\epsilon\lambda}^2 R_{\tau\epsilon\lambda}^2 - \frac{1}{2}m\omega_{\alpha\rho\chi}^2 R_{\alpha\rho\chi}^2 = W_F \quad \text{ή}$$

$$\frac{1}{2}m \cdot 16 \cdot \omega^2 \frac{R^2}{4} - \frac{1}{2}m\omega^2 R^2 = W_F \quad \text{ή} \quad \frac{3}{2}m\omega^2 R^2 = W_F$$

## B3. Σωστή απάντηση (i)

$$A_\Gamma u_\Gamma = A_\Delta u_\Delta \xrightarrow{A_\Gamma = 2 A_\Delta} 2 A_\Delta u_\Gamma = A_\Delta u_\Delta \rightarrow u_\Delta = 2 u_\Gamma \quad (1)$$

$$\text{Bernoulli } \Gamma \rightarrow \Delta: P_\Gamma + \frac{1}{2} p u_\Gamma^2 + 0 = P_\Delta + \frac{1}{2} p u_\Delta^2 + p g h$$

$$P_\Gamma - P_\Delta = p g h + \frac{1}{2} p (u_\Delta^2 - u_\Gamma^2) \xrightarrow{(1)}$$

$$P_\Gamma - P_\Delta = p g h + \frac{1}{2} p 3 u_\Gamma^2 \quad (2)$$

$$x_{max} = u_\Delta \sqrt{\frac{2h}{g}} \rightarrow 4h = u_\Delta \sqrt{\frac{2h}{g}} \rightarrow 16h^2 = u_\Delta^2 \frac{2h}{g} \rightarrow u_\Delta^2 = 8gh$$

$$\xrightarrow{u_\Gamma^2 = \frac{u_\Delta^2}{4}} 4u_\Delta^2 = 8gh \rightarrow u_\Gamma^2 = 2gh \rightarrow h = \frac{u_\Gamma^2}{2g} \quad (3)$$

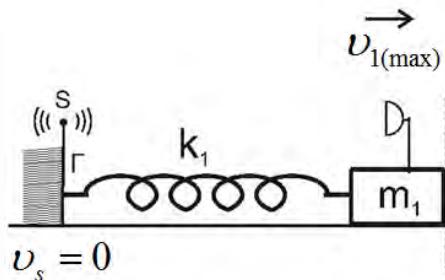
$$(2) \xrightarrow{(3)} P_\Gamma - P_\Delta = pg \frac{u_\Gamma^2}{2g} + \frac{3}{2} p u_\Gamma^2 \rightarrow P_\Gamma - P_\Delta = \frac{1}{2} p u_\Gamma^2 + \frac{3}{2} p u_\Gamma^2$$

$$P_\Gamma - P_\Delta = 2 p u_\Gamma^2$$



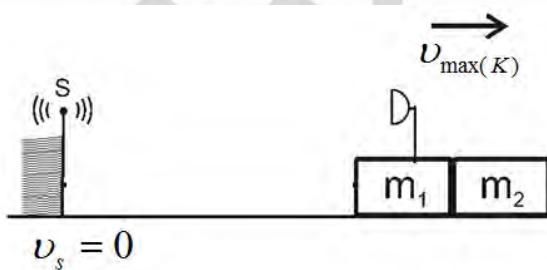
## ΘΕΜΑ Γ

Γ1.



$$f_{\Delta(\text{πριν})} = f_1 = \frac{v_{nx} - v_{l(\max)}}{v_{nx}} \cdot f_s \Rightarrow f_1 = \frac{v_{nx} - \omega_1 \cdot \Delta l}{v_{nx}} \cdot f_s = \frac{340 - \sqrt{\frac{50}{2}} \cdot 0,4}{340} \cdot f_s \Rightarrow$$

$$f_1 = \frac{338}{340} \cdot f_s \quad (1)$$



$$\text{Από Α.Δ.Ο είναι } m_1 \cdot v_{l(\max)} = (m_1 + m_2) \cdot v_{\max(K)} \Rightarrow 2 \cdot 2 = 4 \cdot v_{\max(K)} \Rightarrow v_{\max(K)} = 1 \frac{m}{s}.$$

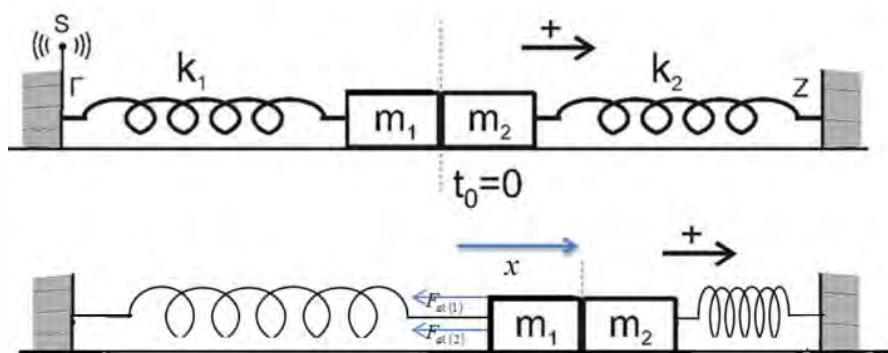
$$\text{Όμως } f_{\Delta(\muεταξ)} = f_2 = \frac{v_{nx} - v_{\max(K)}}{v_{nx}} \cdot f_s \Rightarrow f_2 = \frac{340 - 1}{340} \cdot f_s \Rightarrow f_2 = \frac{339}{340} \cdot f_s \quad (2)$$

Διαιρώντας κατά μέλη τις σχέσεις (1) και (2), προκύπτει ότι :

$$\frac{f_1}{f_2} = \frac{\frac{338}{340} \cdot f_s}{\frac{339}{340} \cdot f_s} \Rightarrow \frac{f_1}{f_2} = \frac{338}{339}.$$

Γ2.

$$\Theta I_{(m_1+m_2)} = \Phi M_1 = \Phi M_2$$



Ισχύει ότι :  $\Theta I_{(m_1+m_2)} = \Phi M_1 = \Phi M_2$

$$T\Theta : \Sigma F = -F_{g(1)} - F_{g(2)} \Rightarrow \Sigma F = -k \cdot x - k \cdot x \Rightarrow \Sigma F = -2 \cdot k \cdot x \Rightarrow \Sigma F = -D \cdot x \text{ (ΑΑΤ)}$$

$$\text{Άρα, } D = 2 \cdot K = 100 \frac{N}{m}.$$

$$\text{Είναι } v_{\max(K)} = \omega \cdot A' \Rightarrow v_{\max(K)} = \sqrt{\frac{2K}{m_1 + m_2}} \cdot A' \Rightarrow 1 = \sqrt{\frac{100}{4}} \cdot A' \Rightarrow A' = 0,2m \text{ (πλάτος ΑΑΤ)}$$

Γ3. Πρέπει  $f_\Delta = f_s$  και επειδή  $v_s = 0$ , θα είναι  $v_\Delta = 0$ .

$$\text{ΑΘ}_1 \rightarrow \Delta t = \frac{T_{\tau\alpha\lambda}}{4} \text{ (ΘΙ} \rightarrow \text{ΑΘ}_1)$$

$$\Delta t = \frac{2 \cdot \pi \cdot \sqrt{\frac{m_1 + m_2}{2K}}}{4} = \frac{\pi}{2} \cdot \sqrt{\frac{4}{100}} = \frac{\pi}{2} \cdot \frac{1}{5} \Rightarrow \Delta t = \frac{\pi}{10} \text{ sec.}$$

$$\text{Γ4. } \left| \frac{dp}{dt} \right|_{(\max)} = |\Sigma F|_{(\max)} = D \cdot A' = 2 \cdot k \cdot A' = 100 \cdot 0,2 \Rightarrow \left| \frac{dp}{dt} \right|_{(\max)} = 20N \left( kg \cdot \frac{m}{s^2} \right).$$

### ΘΕΜΑ Δ

$$\Delta 1. I_{\sigma\nu\sigma\tau} = I_A + I_\rho = I_{cmA} + I_{cm\rho} + M \left( \frac{L}{2} \right)^2$$

$$= \frac{1}{2} m_A \cdot R_A^2 + \frac{1}{12} M L^2 + M \left( \frac{L}{2} \right)^2$$

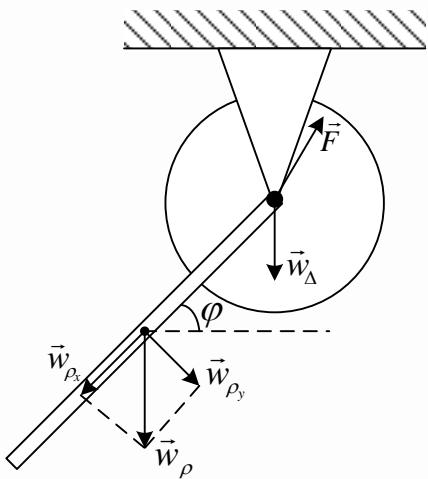
$$= \frac{1}{2} m_A \cdot R_A^2 + \frac{1}{3} M L^2 = 25kg \cdot m^2$$

**Δ2.**

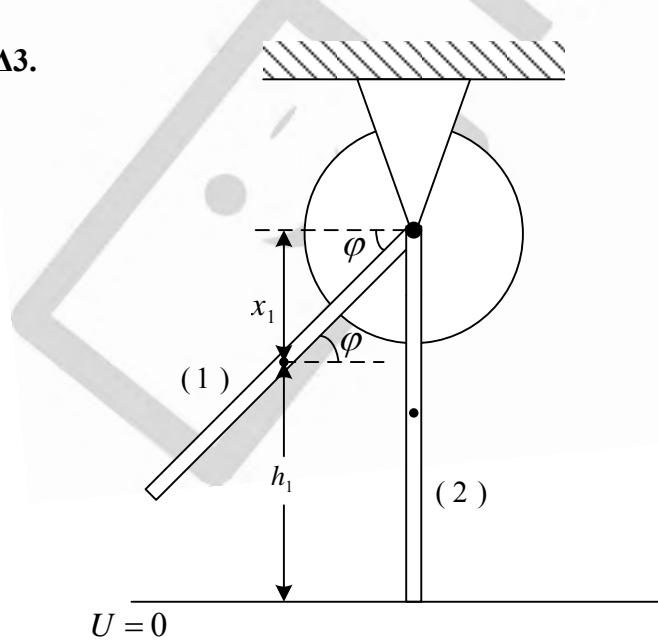
Η μοναδική δύναμη που δημιουργεί ροπή είναι το βάρος της ράβδου  $\left(\frac{dL}{dt}\right)_{\sigma v \sigma \tau.} = \Sigma \tau_{\varepsilon \xi}$ . Άρα

$$\left(\frac{dL}{dt}\right)_{\sigma v \sigma \tau.} = \tau_{w_\rho} = w_{\rho_y} \frac{l}{2}$$

$$= w_\rho \cdot \sigma v n \varphi \cdot \frac{l}{2} = 72 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}^2}{\text{s}^2}.$$



**Δ3.**



A.Δ.M.E (1)→(2)

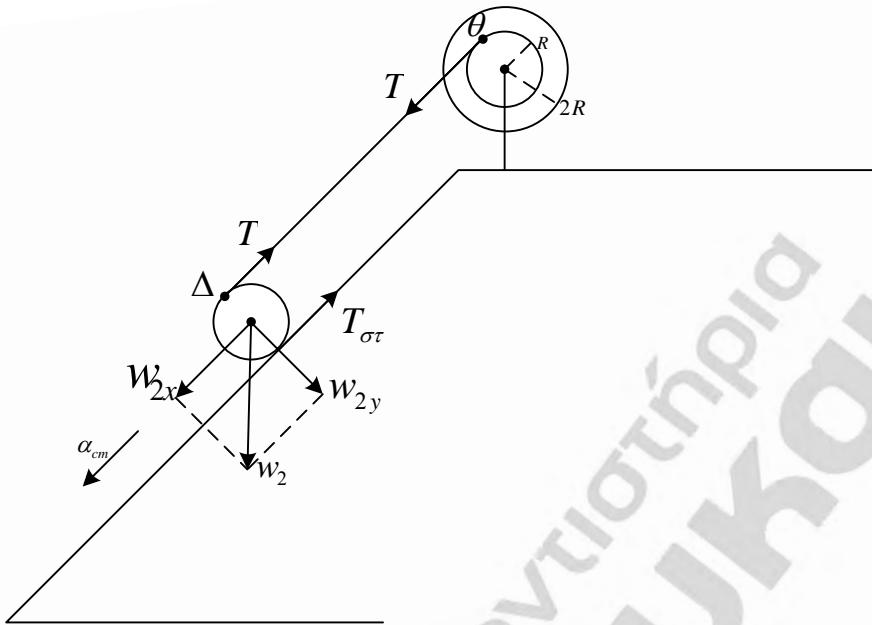
$$K_1 + U_1 = K_2 + U_2 \Leftrightarrow m_\rho \cdot g h_1 + m_A g \cdot l = K_2 + m_\rho \cdot g \frac{l}{2} + m_A \cdot g \cdot l \quad \text{ή}$$

$$\mathbf{m}_\rho \cdot \mathbf{g} \left( \mathbf{h}_1 - \frac{l}{2} \right) = \mathbf{K}_2 \quad (1).$$

$$\text{Όμως } \eta \mu \varphi = \frac{x_1}{l/2} \quad \text{ή} \quad \eta \mu \varphi = \frac{l-h_1}{l/2} \quad \text{ή} \quad h_1 = 1,8m$$

άρα από σχέση (1) έχουμε  $K_2 = 24J$ .

Δ4.



$$\alpha_\Delta = \alpha_{cm} + \alpha_{\gamma\rho} \quad \text{ή} \quad \alpha_\Delta = \alpha_{cm} + \alpha_{\gamma 2} \cdot R \quad \text{ή} \quad \alpha_\Delta = \alpha_{cm} + \alpha_{cm} \quad \boxed{\alpha_\Delta = 2\alpha_{cm}}$$

$$\alpha_\theta = \alpha_{\gamma\rho} \quad \text{ή} \quad \boxed{\alpha_\theta = \alpha_{\gamma 1} \cdot R}$$

$$\text{Όμως } \alpha_\Delta = \alpha_\theta \text{ άρα } \boxed{2\alpha_{cm} = \alpha_{\gamma 1} \cdot R}$$

Για το  $\Sigma_2$

$$\Sigma F = m_2 \cdot \alpha_{cm} \quad \text{ή} \quad w_{2x} - T_{\sigma\tau} - T = m_2 \alpha_{cm}$$

$$\boxed{240 - T_{\sigma\tau} - T = 30\alpha_{cm}} \quad (1)$$

$$\Sigma \tau = I_2 \cdot \alpha_{\gamma 2} \quad \text{ή} \quad T_{\sigma\tau} \cdot R - T \cdot R = \frac{1}{2} m R^2 \frac{\alpha_{cm}}{R}$$

$$\boxed{T_{\sigma\tau} - T = 15\alpha_{cm}} \quad (2)$$

Για το  $\Sigma_1$

$$T \cdot R = I_{cm}(\tau\rho) \cdot \alpha_{\gamma 1} \quad \text{ή} \quad T \cdot R = 1,95 \cdot \frac{2\alpha_{cm}}{R}$$

$$\boxed{T = \frac{195}{2}\alpha_{cm}} \quad (3)$$

$$\text{Με πρόσθεση κατά μέλη (1), (2) } \Rightarrow \boxed{240 - 2T = 45\alpha_{cm}} \quad (4)$$

$$\text{Με πρόσθεση κατά μέλη (3), (4) } \Rightarrow \boxed{240 - 195\alpha_{cm} = 45\alpha_{cm}} \quad \text{ή} \quad \boxed{240 = 240\alpha_{cm}} \quad \text{ή}$$

$$\alpha_{cm} = 1m/s^2.$$

$$s = \frac{1}{2} \alpha_{cm} \cdot \Delta t^2 \quad \text{ή} \quad \Delta t = 2s \quad \text{άρα} \quad v_{cm} = \alpha_{cm} \cdot \Delta t = 2 \frac{m}{s}.$$

### **Σχολιασμός θεμάτων Φυσικής ΟΠ από το Ακαδημαϊκό τμήμα του Ομίλου**

Τα θέματα κρίνονται ιδιαιτέρως απαιτητικά και είναι οπωσδήποτε τα δυσκολότερα της τελευταίας τριετίας. Η έκταση των θεμάτων είναι μεγάλη καλύπτοντας με ικανοποιητικό τρόπο την ύλη του μαθήματος. Ο χρόνος που απαιτείται για την επίλυση των θεμάτων είναι αρκετά μεγάλος και απαιτείται ευχέρεια σε αντικαταστάσεις και πράξεις.

